

CN - TP 1

Évolution d'un système chimique vers un état final

Consignes générales

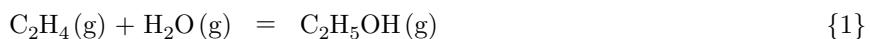
- Préparer les questions de **Théorie** avant la séance.
- Pour les deux premiers exercices, récupérer l'amorce du programme Python soit sur le site du cours, soit sur le répertoire **Ressources/** sur le réseau local (par exemple **CN-TP-1-I-HydratationC2H4-start.py** pour l'exercice I).
- Modifier et compléter le code récupéré
 - les lignes commençant par "`##X?`" (où X est le numéro de la question) doivent être complétées ;
 - les morceaux de code entre "`##X<`" et "`##X>`" doivent être remplis ;
 - la progression dans les questions se fera en déplaçant la ligne de début de commentaire global :

```
"""Debut de code ignoré
```

Elle est initialement placée de façon à ce que seule l'initialisation des paramètres soit exécutée. Avant de traiter la première question **Python.**, il faut la déplacer pour la positionner juste après le code correspondant à cette question puis réitérer le processus jusqu'à la fin de l'exercice.

I - Détermination de l'état final

On considère la réaction d'hydratation de l'éthylène en phase gazeuse à $T = 573\text{ K}$ dont le bilan s'écrit :



Le constante d'équilibre à $T = 573\text{ K}$ est $K^\circ = 4,0 \cdot 10^{-3}$. La pression totale à l'intérieur du réacteur est maintenue constante à $P = 70\text{ bar}$. On note n_1 la quantité d'éthylène (C_2H_4), n_2 la quantité d'eau et n_3 la quantité d'éthanol ($\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$) et respectivement $n_{i,1}$, $n_{i,2}$ et $n_{i,3}$ leur quantité initiale.

1. **Théorie.** Exprimer le quotient de réaction Q_r en fonction de n_1 , n_2 , n_3 , n_t la quantité totale de matière et P .
2. **Théorie.** Pour un mélange initial équimolaire ($n_{i,1} = n_{i,2} = n_{i,3} = n_0$), calculer le quotient réactionnel initial $Q_{r,i}$ et en déduire le sens d'évolution de la réaction.
3. **Théorie.** Exprimer le quotient réactionnel à l'état courant en fonction de l'avancement ξ , de P , de P° et des quantités initiales.
4. **Théorie.** Pour le mélange équimolaire, déterminer par le calcul l'avancement à l'équilibre ξ_{eq} ainsi que la composition finale du mélange.

L'objectif est de généraliser ce calcul afin de pouvoir déterminer le sens de la réaction et la composition finale du mélange quelles que soient les conditions initiales. Nous allons pour cela écrire un programme informatique qui prendra en entrée les quantités de matières initiales ainsi que les valeurs de K° et P et déterminera une valeurs approchée à ε près de ξ_{eq} .

5. **Python.** Écrire la fonction `Qr` qui calcule le quotient réactionnel pour un avancement `xi` donné selon la formule obtenue à la question 3.
6. **Python.** Vérifier que, pour le mélange initial équimolaire, le résultat déterminé par la fonction est bien cohérent avec la valeur obtenue par le calcul.
7. **Python.** Compléter le programme Python pour qu'il détermine le sens de la réaction (direct ou indirect).
8. **Python.** Compléter le programme Python pour qu'il
 - initialise `xi` à 0 ;
 - si la réaction avance dans le sens direct, incrémente `xi` de `pxi` tant que Q_r reste inférieur à K° ;

- suit une procédure similaire dans le cas où la réaction recule ;
- affiche la valeur finale de `xi`.

9. **Python.** Compléter le programme Python pour qu'il affiche la la composition finale du mélange.

10. **Python.** Vérifiez que le code final affiche correctement les valeurs indiquées ci-dessous. Vous pouvez également modifier d'autres paramètres (mélange initial, pression, ε) pour tester différentes configurations.

```
La composition initiale du mélange est :
C2H4           1.000 mol
H2O            1.000 mol
C2H5OH         1.000 mol

Initialement, le quotient réactionnel vaut
0.043 et K = 0.004
comme Qri>K, la réaction recule

L'avancement à l'équilibre est de -0.768 mol
La composition du mélange est alors :
C2H4           1.768 mol
H2O            1.768 mol
C2H5OH         0.232 mol
```

```
La composition initiale du mélange est :
C2H4           1.000 mol
H2O            1.000 mol
C2H5OH         0.100 mol

Initialement, le quotient réactionnel vaut
0.003 et K = 0.004
comme Qri<K, la réaction avance

L'avancement à l'équilibre est de 0.028 mol
La composition du mélange est alors :
C2H4           0.973 mol
H2O            0.973 mol
C2H5OH         0.128 mol
```

II - Optimisation d'un procédé chimique : modification de la constante d'équilibre

La production d'acide sulfurique s'effectue aujourd'hui essentiellement par hydratation du trioxyde de soufre. Celui-ci est produit par oxydation du dioxyde de soufre par le dioxygène en présence d'un catalyseur. L'équation de la réaction modélisant cette transformation est la suivante :



La pression totale P à l'intérieur du réacteur est maintenue constante à $P = 1 \text{ bar}$. On note n_1 , n_2 et n_3 les quantités initiales de SO_2 , O_2 et SO_3 .

Dans la suite de l'exercice, on prendra $P = 1 \text{ bar}$, $n_1 = 2 \text{ mol}$, $n_2 = 1 \text{ mol}$ et $n_3 = 0 \text{ mol}$ mais les programmes seront écrits de façon à pouvoir changer facilement ces valeurs. Pour ne pas les alourdir inutilement, on pourra cependant admettre que la réaction avancera toujours dans le sens direct.

1. **Théorie.** Exprimer le quotient de réaction Q_r à l'état courant en fonction de l'avancement ξ et des données du problème (n_1 , n_2 , n_3 et P).
2. **Python.** Écrire la fonction Python correspondante.
3. **Théorie.** Déterminer ξ_{max} en fonction de n_1 et n_2 .
4. **Théorie.** On définit le taux de dissociation α du dioxyde de soufre comme étant le rapport de la quantité de SO_2 ayant réagi sur la quantité initiale. Déterminer l'expression de α en fonction de ξ_{eq} et n_1

II.1 - Recherche de l'état final par dichotomie

On travaille pour le moment à une température $T = 1073 \text{ K}$ pour laquelle $K^\circ = 0,66$.

Pour optimiser la recherche de l'état final, on va rechercher ξ_{eq} , toujours à une précision ε près donnée, en procédant par dichotomie :

- on part d'un intervalle $[xi1, xi2]$ avec $xi1=0$ et $xi2 = \xi_{max}$;
- on détermine le milieu xim de cet intervalle et on calcule $Q_r(xim)$;
- si $Q_r(xim) < K^\circ$, ξ_{eq} se situe entre xim et $xi2$, on remplace alors $xi1$ par xim ;
- si $Q_r(xim) > K^\circ$, ξ_{eq} se situe entre $xi1$ et xim , on remplace alors $xi2$ par xim ;
- on réitère l'opération précédente tant que la largeur de l'intervalle ($xi2 - xi1$) est supérieure à la précision ε .
- la valeur de ξ_{eq} est alors la dernière valeur de xim obtenue.

5. **Python.** Écrire la fonction `calcul_xi_eq` qui, à partir des quantités initiales de matière, P , K° et ε , détermine ξ_{eq}
6. **Python.** Tester le programme, les valeurs attendues sont $\xi_{eq} = 0,294 \text{ mol}$ et $\alpha = 0,294$.

II.2 - Optimisation par modification de la constante d'équilibre

L'objectif est d'étudier les conditions expérimentales permettant de favoriser la dissociation du dioxyde de soufre. Un des paramètres sur lequel on peut jouer est la valeur de la constante d'équilibre, qui dépend de la température selon la loi suivante :

$$K^\circ(T) = \exp\left(\frac{198 \cdot 10^3 - 188T}{8,31T}\right)$$

On va pour cela calculer le taux de dissociation pour différentes températures et tracer le graphe $\alpha = f(T)$

7. **Python.** En début de programme, compléter la fonction `ko(T)` qui calcule la valeur de la constante d'équilibre à la température T . Vérifier que, pour $T = 1073\text{ K}$, on retrouve bien la valeur utilisée précédemment. Puis modifier le début de la fonction `calcul_xi_eq` pour que cette dernière utilise `ko(T)` au lieu de `ko1`.
8. **Python.** Créer un tableau contenant les valeurs de température entre 400 K et 1500 K espacées de 10 K .
9. **Python.** Pour chaque valeur de T , calculer le taux de dissociation correspondant et stocker les valeurs dans un tableau.
10. **Python.** Tracer la courbe $\alpha = f(T)$ en indiquant clairement le titre du graphique, le nom et l'échelle des axes. Les fonctions graphiques à utiliser sont `plt.plot`, `plt.title`, `plt.xlabel`, `plt.ylabel`, `plt.grid` et `plt.show`. Le graphique à obtenir est donné figure 1.1.
11. Conclure en précisant les intérêts et/ou inconvénients de travailler à basse et haute température.

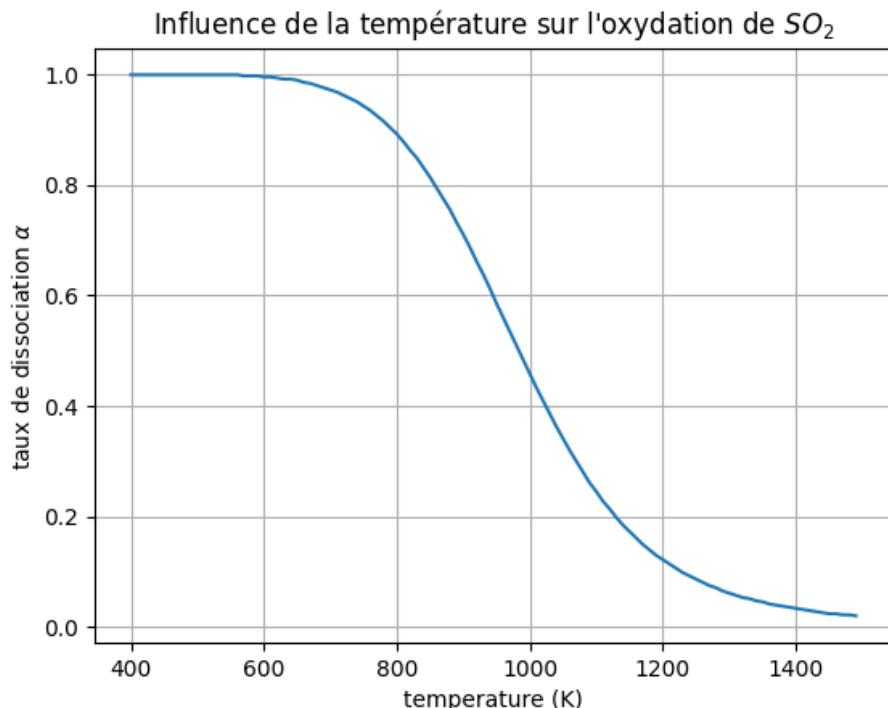


FIGURE 1.1 – Oxydation de SO_2 : Influence de la température sur le taux de dissociation

III - Optimisation d'un procédé chimique : modification du quotient réactionnel

L'ammoniac, de formule NH_3 , détient le record mondial de production d'un gaz. Sa production massive industrielle a débuté en 1913 avec le procédé sous catalyse haute pression mis au point par Haber et Bosch, qui est encore celui utilisé aujourd'hui, et qui exploite la réaction



Il est utilisé pour la fabrication de 100 Mt/an d'engrais azotés, sous forme d'ammoniac, de nitrate d'ammonium, et d'urée. Cette production consomme 3-5% de la production mondiale de gaz naturel, source du dihydrogène nécessaire pour sa préparation. On estime que l'ammoniac est directement responsable du tiers de l'accroissement de la population mondiale depuis le milieu du XX^e siècle grâce aux progrès de l'agriculture et à la disparition des grandes famines. (source : Société Française de Chimie)

On travaille dans la suite de cet exercice à température fixe $T = 400\text{ K}$ à laquelle la constante d'équilibre vaut $K^\circ = 46,4$.

Les quantités initiales des espèces intervenant dans la réaction seront notées respectivement n_1 pour N_2 , n_2 pour H_2 et n_3 pour NH_3 .

1. **Théorie.** Exprimer le quotient de réaction Q_r à l'état courant en fonction de l'avancement ξ et des données du problème (n_1 , n_2 , n_3 et P).
2. **Théorie.** On suppose qu'un équilibre est atteint : que se passe-t-il si on augmente P ? Si on diminue P ?
3. **Théorie.** On définit le taux de conversion α comme le rapport de la quantité de N_2 ayant réagi sur la quantité initiale. Déterminer l'expression de α en fonction de ξ_{eq} et n_1
4. **Théorie.** Déterminer la fraction molaire de NH_3 à l'équilibre x en fonction de ξ_{eq} et de la composition initiale du mélange.

Une optimisation possible de la réaction est, à T et donc $K^\circ(T)$ fixé, de modifier le quotient réactionnel pour le déplacer dans le sens voulu. Pour cela, il est possible de jouer soit sur la pression totale P dans le réacteur, soit sur la composition initiale du mélange.

III.1 - Optimisation par modification de la pression

On se placera dans cette partie en conditions stoechiométriques pour les réactifs : $n_1 = 1\text{ mol}$, $n_2 = 3\text{ mol}$ et $n_3 = 0\text{ mol}$.

5. **Python.** En se basant sur le code Python écrit pour l'exercice précédent, écrire un programme permettant de tracer le taux de conversion du diazote α en fonction de la pression. Vous ferez varier P de 0,1 à 50 bar par pas de 0,1 bar. Conclure.

III.2 - Optimisation par modification du mélange réactionnel initial

L'objectif est maintenant de déterminer les proportions initiales en diazote et dihydrogène qui maximiseront la fraction molaire de NH_3 à l'équilibre. Nous supposerons que la pression reste constante à $P = 1\text{ bar}$, la quantité de diazote sera fixée à 1 mol, l'ammoniac sera initialement absent et nous ferons varier la quantité de dihydrogène entre 0,1 et 25 mol par pas de 0,1 mol

6. **Python.** Écrire un programme permettant de tracer la fraction molaire de NH_3 à l'équilibre x en fonction de la quantité initiale de H_2 . Conclure.